



EXAME NACIONAL DO ENSINO MÉDIO

PROVA DE CIÊNCIAS DA NATUREZA E SUAS TECNOLOGIAS

PROVA DE MATEMÁTICA E SUAS TECNOLOGIAS

enem2021

2º DIA
CADERNO
8
ROSA

2ª Aplicação

ATENÇÃO: transcreva no espaço apropriado do seu CARTÃO-RESPOSTA, com sua caligrafia usual, considerando as letras maiúsculas e minúsculas, a seguinte frase:

Árduo, difícil, duro a humano trato

LEIA ATENTAMENTE AS INSTRUÇÕES SEGUINTE:

1. Este CADERNO DE QUESTÕES contém 90 questões numeradas de 91 a 180 e uma FOLHA DE RASCUNHO, dispostas da seguinte maneira:
 - a) questões de número 91 a 135, relativas à área de Ciências da Natureza e suas Tecnologias;
 - b) questões de número 136 a 180, relativas à área de Matemática e suas Tecnologias;
 - c) FOLHA DE RASCUNHO.
2. Confira se a quantidade e a ordem das questões do seu CADERNO DE QUESTÕES estão de acordo com as instruções anteriores. Caso o caderno esteja incompleto, tenha defeito ou apresente qualquer divergência, comunique ao aplicador da sala para que ele tome as providências cabíveis.
3. Para cada uma das questões objetivas, são apresentadas 5 opções. Apenas uma responde corretamente à questão.
4. O tempo disponível para estas provas é de **cinco horas**.
5. Reserve tempo suficiente para preencher o CARTÃO-RESPOSTA.
6. Os rascunhos e as marcações assinaladas no CADERNO DE QUESTÕES e na FOLHA DE RASCUNHO não serão considerados na avaliação.
7. Quando terminar as provas, acene para chamar o aplicador e entregue este CADERNO DE QUESTÕES, o CARTÃO-RESPOSTA e a FOLHA DE RASCUNHO.
8. Você poderá deixar o local de prova somente após decorridas duas horas do início da aplicação e poderá levar seu CADERNO DE QUESTÕES ao deixar em definitivo a sala de prova nos **30 minutos** que antecedem o término das provas.



MATEMÁTICA E SUAS TECNOLOGIAS

Questões de 136 a 180

Questão 136 enem2021

Um laboratório farmacêutico pretende implementar a entrega própria de seus produtos em uma cidade, dentre as cinco cidades onde hoje esse serviço é terceirizado. Obteve relatórios dos seus entregadores terceirizados destacando: a quantidade (em litro) de combustível gasto em cada dia de entrega, o valor do combustível na respectiva cidade da entrega e os gastos com a limpeza diária do veículo após as entregas realizadas.

Os valores desses itens, em real, estão apresentados no quadro.

| Cidade | São Paulo | Curitiba | Belo Horizonte | Rio de Janeiro | Brasília |
|--------------------------------------|-----------|----------|----------------|----------------|----------|
| Litros de combustível gastos por dia | 7,5 | 9,5 | 8,0 | 14,5 | 13,0 |
| Preço da limpeza do carro | 20,00 | 15,50 | 16,50 | 18,00 | 15,00 |
| Preço por litro do combustível | 2,50 | 2,40 | 2,24 | 2,10 | 3,00 |

A diretoria desse laboratório implementará a entrega própria na cidade que apresentar o menor gasto diário desse serviço.

Em qual cidade a implementação do serviço de entrega própria será realizada?

- A** Belo Horizonte.
- B** Brasília.
- C** Curitiba.
- D** Rio de Janeiro.
- E** São Paulo.

Questão 137 enem2021

Um nutricionista preparou cinco opções de dieta para seus clientes. A quantidade de calorias, em quilocaloria, de cada dieta é apresentada no quadro, em função de três componentes básicos: proteínas, carboidratos e suplementos.

| Dieta | Proteínas (kcal) | Carboidratos (kcal) | Suplementos (kcal) |
|-------|------------------|---------------------|--------------------|
| I | 66 | 42 | 87 |
| II | 57 | 42 | 105 |
| III | 63 | 39 | 96 |
| IV | 66 | 48 | 84 |
| V | 69 | 36 | 93 |

Como um de seus clientes apresentou muita redução de massa corporal, o nutricionista recomendou que ele escolhesse uma das cinco dietas do quadro e quadruplicasse a quantidade de proteínas, triplicasse a quantidade de carboidratos e duplicasse a quantidade de suplementos recomendadas pela dieta escolhida.

O cliente seguirá a recomendação do nutricionista, mas deseja escolher a dieta na qual ele consumirá a menor quantidade de calorias dentre as opções disponíveis.

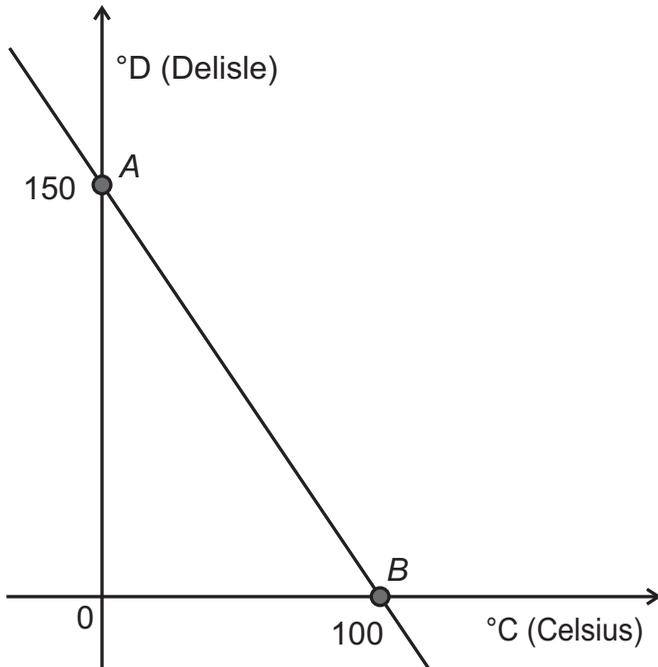
O cliente deverá escolher a dieta

- A** I.
- B** II.
- C** III.
- D** IV.
- E** V.



Questão 138 enem2021

A escala de temperatura Delisle ($^{\circ}D$), inventada no século XVIII pelo astrônomo francês Joseph-Nicholas Delisle, a partir da construção de um termômetro, foi utilizada na Rússia no século XIX. A relação entre as temperaturas na escala Celsius ($^{\circ}C$) e na escala Delisle está representada no gráfico pela reta que passa pelos pontos A e B .



Disponível em: www.profibus.com.br. Acesso em: 22 mar. 2013.

Qual é a relação algébrica entre as temperaturas nessas duas escalas?

- A** $2D + C = 100$
- B** $2D + 3C = 150$
- C** $3D + 2C = 300$
- D** $2D + 3C = 300$
- E** $3D + 2C = 450$

Questão 139 enem2021

Uma fórmula para calcular o Índice de Massa Corporal (IMC) foi publicada pelo Departamento de Nutrição da Universidade de São Paulo. O estudo propõe uma equação capaz de identificar os falsos magros que, apesar de exibirem uma silhueta esguia, apresentam altos níveis de gordura, e os falsos gordos, que têm um IMC alto em decorrência de ganho de massa muscular, e não de gordura.

A equação considera a massa do indivíduo, além do peso e da estatura. A fórmula é expressa pela soma do triplo da massa (M), em quilograma, com o quádruplo do percentual de gordura (G), tudo dividido pela altura (H), em centímetro.

Disponível em: <http://drauziovarella.com.br>. Acesso em: 27 nov. 2012 (adaptado).

A expressão algébrica que representa a nova maneira de calcular o IMC é dada por

- A** $3M + \frac{4G}{H}$
- B** $\frac{3M + 4G}{H}$
- C** $\frac{\frac{1}{3} \cdot M + \frac{1}{4} \cdot G}{H}$
- D** $3 \cdot \left(\frac{M + 4G}{H}\right)$
- E** $\frac{4 \cdot (3M + G)}{H}$

Questão 140 enem2021

Um diretor esportivo organiza um campeonato no qual haverá disputa de times em turno e retorno, isto é, cada time jogará duas vezes com todos os outros, totalizando 380 partidas a serem disputadas.

A quantidade de times (x) que faz parte desse campeonato pode ser calculada pela equação

- A** $x = 380 - x^2$
- B** $x^2 - x = 380$
- C** $x^2 = 380$
- D** $2x - x = 380$
- E** $2x = 380$



Questão 141 enem2021

Um ciclista faz um treino para uma prova, em um circuito oval, cujo percurso é de 800 m. Nesse treino, realiza 20 voltas. Ele divide seu treino em 3 etapas. Na primeira etapa, inicializa seu cronômetro e realiza as cinco primeiras voltas com velocidade média de 4 m/s. Na segunda etapa, faz mais cinco voltas, mas com velocidade média 25% maior que a da etapa anterior. Na última etapa, finaliza o treino mantendo a velocidade média da primeira etapa.

Ao final do treino, o cronômetro estará marcando, em segundo,

- A 2 600.
- B 2 800.
- C 3 000.
- D 3 800.
- E 4 000.

Questão 142 enem2021

Os pneus estão entre os itens mais importantes para a segurança de um carro. Segundo revendedores especializados, o desgaste do pneu em um trajeto é diretamente proporcional ao número de voltas que ele efetua em contato com o solo, sem derrapar, durante esse trajeto, sendo que a constante de proporcionalidade k depende do material empregado na sua fabricação. O proprietário de um carro, cujo diâmetro do pneu mede L m, conforme indicado na imagem, pretende obter uma expressão que forneça uma estimativa para a medida do desgaste D desse pneu ao longo de uma viagem de x km. Para efeito dos cálculos, considerou o diâmetro do pneu como sendo L , independentemente da extensão do trajeto.



Disponível em: <http://revista.pensecarros.com.br>. Acesso em: 24 abr. 2015 (adaptado).

O valor de D é dado pela expressão

- A $D = \frac{500 \cdot k \cdot x}{\pi \cdot L}$
- B $D = \frac{1000 \cdot k \cdot x}{\pi \cdot L}$
- C $D = \frac{1000 \cdot k \cdot x}{L}$
- D $D = \frac{1000 \cdot k \cdot x}{\pi \cdot L^2}$
- E $D = \frac{4000 \cdot k \cdot x}{\pi \cdot L^2}$

Questão 143 enem2021

Um agricultor utilizava toda a área de uma região plana, em formato retangular, com 50 m de largura e 240 m de comprimento, para o plantio de mudas. Seguindo recomendações técnicas, cada muda é plantada no centro de uma pequena região retangular de 10 cm de largura por 20 cm de comprimento.

Esse agricultor decidiu ampliar a área destinada ao plantio de mudas, utilizando agora um terreno, também plano, em formato retangular, com 100 m de comprimento por 200 m de largura. As mudas deverão ser plantadas respeitando-se as mesmas recomendações técnicas.

Com o aumento da área destinada ao plantio, a quantidade máxima de mudas que poderão ser plantadas a mais é

- A 100 000.
- B 400 000.
- C 600 000.
- D 1 000 000.
- E 1 600 000.



Questão 144 enem2021

Uma rede de supermercados vende latas de sucos em *packs* (pacotes) com 12 latas. A venda é feita da seguinte forma:

- um *pack* é vendido por R\$ 21,60;
- na compra de dois *packs*, o segundo tem 40% de desconto sobre o seu valor.

Entretanto, essa rede de supermercados costuma disponibilizar também o valor unitário do produto em cada uma das situações de compra. Para obter esse valor, basta dividir o total gasto pela quantidade de latas adquiridas.

Em determinado dia, nos cinco supermercados da rede que vendem os *packs* da forma descrita, os registros do valor unitário da lata de suco para o cliente que comprava dois *packs* eram diferentes entre si, conforme os dados:

Loja I: R\$ 1,08;

Loja II: R\$ 1,40;

Loja III: R\$ 1,44;

Loja IV: R\$ 1,76;

Loja V: R\$ 1,78.

Em um dos supermercados, o valor unitário está correto, de acordo com o costume da rede ao vender dois *packs*.

Esse supermercado corresponde à loja

- A** I.
- B** II.
- C** III.
- D** IV.
- E** V.

Questão 145 enem2021

Um fabricante produz cinco tipos de enfeites de Natal. Para saber o lucro líquido correspondente a cada tipo de enfeite, criou um quadro com os valores de custo (matéria-prima e mão de obra) e de venda por unidade, em real, além da quantidade vendida para cada tipo de enfeite.

| Tipo | Matéria-prima (R\$) | Mão de obra (R\$) | Valor de venda (R\$) | Quantidade vendida |
|------|---------------------|-------------------|----------------------|--------------------|
| I | 1,30 | 1,50 | 5,00 | 5 000 |
| II | 1,00 | 2,00 | 5,50 | 4 800 |
| III | 1,10 | 1,40 | 5,00 | 4 750 |
| IV | 1,50 | 2,00 | 7,00 | 4 600 |
| V | 1,20 | 2,50 | 7,50 | 4 200 |

Qual tipo de enfeite de Natal gera maior lucro líquido para o fabricante?

- A** I
- B** II
- C** III
- D** IV
- E** V

Questão 146 enem2021

Em determinado mês, o consumo de energia elétrica da residência de uma família foi de 400 kWh. Achando que o valor da conta estava alto, os membros da família decidiram diminuí-lo e estabeleceram a meta de reduzir o consumo em 40%. Começaram trocando a geladeira, de consumo mensal igual a 90 kWh, por outra, de consumo mensal igual a 54 kWh, e realizaram algumas mudanças na rotina de casa:

- reduzir o tempo de banho dos moradores, economizando 30 kWh por mês;
- reduzir o tempo em que o ferro de passar roupas fica ligado, economizando 14 kWh por mês;
- diminuir a quantidade de lâmpadas acesas no período da noite, conseguindo uma redução de 10 kWh mensais.

No entanto, observaram que, mesmo assim, não atingiriam a meta estabelecida e precisariam decidir outras maneiras para diminuir o consumo de energia.

De modo a atingir essa meta, o consumo mensal de energia, em quilowatt-hora, ainda precisa diminuir

- A** 250.
- B** 150.
- C** 126.
- D** 90.
- E** 70.



Questão 147 enem2021

Um professor tem uma despesa mensal de 10% do seu salário com transporte e 30% com alimentação. No próximo mês, os valores desses gastos sofrerão aumentos de 10% e 20%, respectivamente, mas o seu salário não terá reajuste. Com esses aumentos, suas despesas com transporte e alimentação aumentarão em R\$ 252,00.

O salário mensal desse professor é de

- A** R\$ 840,00.
- B** R\$ 1 680,00.
- C** R\$ 2 100,00.
- D** R\$ 3 600,00.
- E** R\$ 5 200,00.

Questão 148 enem2021

Uma loja que vende tintas tem uma máquina que efetua misturas de variadas cores para obter diferentes tonalidades. Um cliente havia comprado 7 litros de tinta de uma tonalidade, proveniente da mistura das cores verde e branco, na proporção de 5 para 2, respectivamente. Tendo sido insuficiente a quantidade de tinta comprada, o cliente retorna à loja para comprar mais 3,5 litros da mesma mistura de tintas, com a mesma tonalidade que havia comprado anteriormente.

A quantidade de tinta verde, em litro, que o funcionário dessa loja deverá empregar na mistura com a tinta branca para conseguir a mesma tonalidade obtida na primeira compra é

- A** 1,4.
 - B** 1,5.
 - C** 1,7.
 - D** 2,3.
 - E** 2,5.
-



Questão 149 enem2021

Para um evento que acontecerá no centro de uma cidade, há a opção de três estacionamentos, que cobram da seguinte maneira:

| Estacionamento X | Estacionamento Y | Estacionamento Z |
|--|-------------------------------------|--|
| R\$ 4,00 pela 1ª hora ou fração de hora | R\$ 3,70 por hora ou fração de hora | R\$ 5,00 pela 1ª hora ou fração de hora |
| R\$ 2,50 por cada hora subsequente ou fração de hora | | R\$ 2,00 por cada hora subsequente ou fração de hora |

Duas pessoas que participarão do evento precisam estacionar seus carros, uma delas pelo período de 1 hora e 50 minutos e a outra pelo período de 4 horas, pretendendo cada uma pagar o menor preço total pelo uso do estacionamento.

Essas pessoas deverão optar, respectivamente, pelos estacionamentos

- A X e Z.
- B Y e Y.
- C Y e Z.
- D Z e X.
- E Z e Z.

Questão 150 enem2021

Um casal decidiu aplicar em um fundo de investimentos que tem uma taxa de rendimento de 0,8% ao mês, num regime de capitalização composta.

O valor final F a ser resgatado, depois de n meses, a uma taxa de rendimento mensal x , é dado pela expressão algébrica $F = C(1 + x)^n$, em que C representa o capital inicial aplicado.

O casal planeja manter a aplicação pelo tempo necessário para que o capital inicial de R\$ 100 000,00 duplique, sem outros depósitos ou retiradas.

Fazendo uso da tabela, o casal pode determinar esse número de meses.

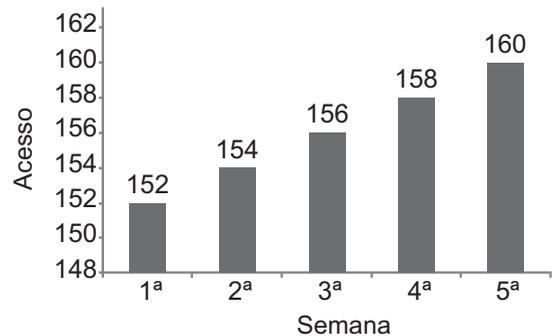
| Y | Log Y |
|-------|-------|
| 1,008 | 0,003 |
| 1,08 | 0,03 |
| 1,8 | 0,20 |
| 2 | 0,30 |
| 3 | 0,47 |

Para atender ao seu planejamento, o número de meses determinado pelo casal é

- A 156.
- B 125.
- C 100.
- D 10.
- E 1,5.

Questão 151 enem2021

Uma confeitaria pretende divulgar em um sítio da internet os doces que produz, mas só fará isso se acreditar que o número de acessos por semana compensará seu gasto com a divulgação. Por isso, pediu que lhe enviassem dados sobre o número de acessos ao sítio nas últimas 5 semanas e recebeu o gráfico a seguir.



A confeitaria acredita que, se o número de acessos mantiver o mesmo crescimento semanal para as próximas 5 semanas, ao final desse período valerá a pena investir na divulgação.

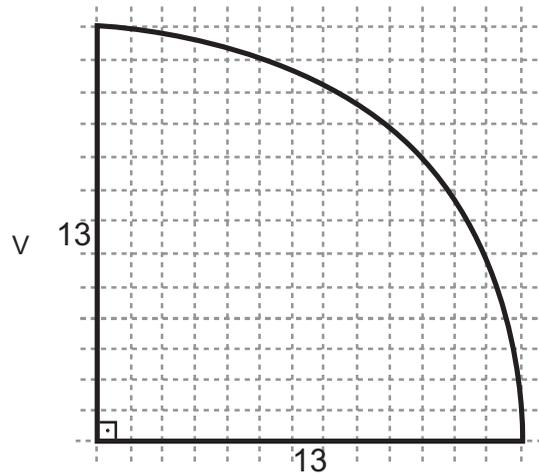
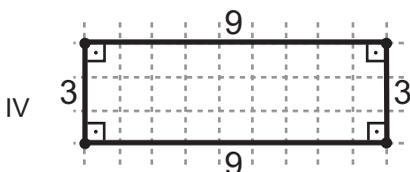
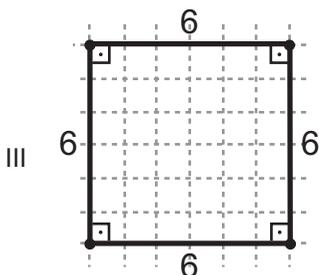
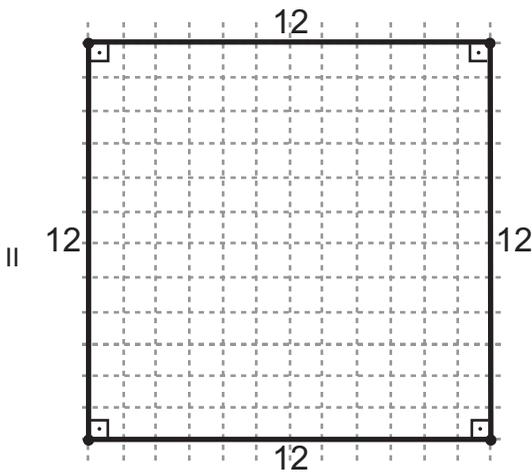
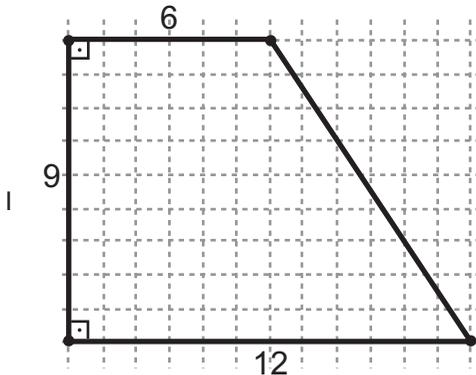
O número de acessos que a confeitaria acredita ser suficiente para que a divulgação no sítio valha a pena é

- A 162.
- B 170.
- C 172.
- D 312.
- E 320.



Questão 152 enem2021

Um suporte será instalado no box de um banheiro para serem colocados recipientes de xampu, condicionador e sabonete líquido, sendo que o recipiente de cada produto tem a forma de um cilindro circular reto de medida do raio igual a 3 cm. Para maior conforto no interior do box, a proprietária do apartamento decidiu comprar o suporte que tiver a base de menor área, desde que a base de cada recipiente ficasse inteiramente sobre o suporte. Nas figuras, vemos as bases desses suportes, nas quais todas as medidas indicadas estão em centímetro.



Utilize 3,14 como aproximação para π .

Para atender à sua decisão, qual tipo de suporte a proprietária comprou?

- A I
- B II
- C III
- D IV
- E V

Questão 153 enem2021

Um técnico gráfico constrói uma nova folha a partir das medidas de uma folha A0. As medidas de uma folha A0 são 595 mm de largura e 840 mm de comprimento. A nova folha foi construída do seguinte modo: acrescenta uma polegada na medida da largura e 16 polegadas na medida do comprimento. Esse técnico precisa saber a razão entre as medidas da largura e do comprimento, respectivamente, dessa nova folha.

Considere 2,5 cm como valor aproximado para uma polegada.

Qual é a razão entre as medidas da largura e do comprimento da nova folha?

- A $\frac{1}{16}$
- B $\frac{620}{1\ 240}$
- C $\frac{596}{856}$
- D $\frac{598}{880}$
- E $\frac{845}{4\ 840}$

Questão 154 enem2021

Na loteria Lotex, cada aposta corresponde à marcação de cinquenta números em um cartão. Caso o apostador marque uma quantidade inferior a cinquenta números, o sistema completará aleatoriamente a sua aposta até integralizar os cinquenta números necessários. Por exemplo, o cartão de aposta retratado representa as escolhas de um jogador antes que o sistema integralize o seu preenchimento.

Lotex

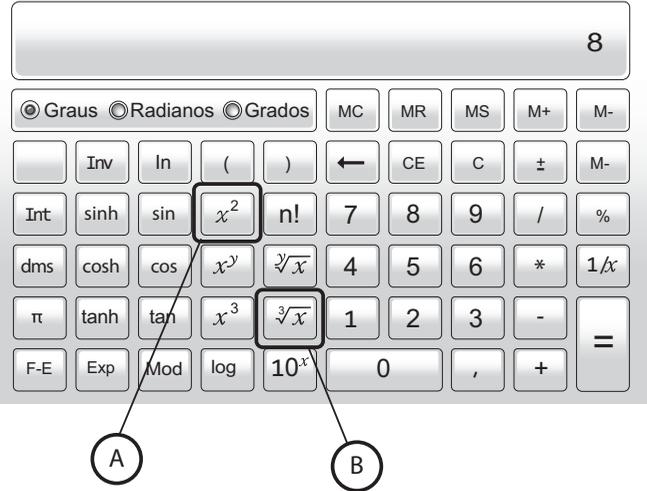
| | | | | | | | | | |
|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|
| [■] | [02] | [03] | [■] | [05] | [06] | [07] | [■] | [09] | [■] |
| [11] | [12] | [13] | [14] | [■] | [16] | [17] | [18] | [19] | [20] |
| [21] | [■] | [23] | [24] | [25] | [26] | [■] | [28] | [29] | [■] |
| [31] | [32] | [33] | [■] | [35] | [36] | [37] | [38] | [39] | [40] |
| [■] | [42] | [■] | [44] | [■] | [46] | [47] | [48] | [49] | [■] |
| [51] | [52] | [53] | [54] | [55] | [56] | [57] | [58] | [■] | [60] |
| [61] | [■] | [63] | [64] | [65] | [■] | [67] | [■] | [69] | [70] |
| [71] | [72] | [73] | [■] | [75] | [76] | [77] | [78] | [79] | [80] |
| [81] | [82] | [83] | [84] | [■] | [86] | [87] | [88] | [89] | [■] |
| [■] | [92] | [93] | [94] | [95] | [96] | [■] | [98] | [99] | [00] |

Com relação ao cartão exibido, o jogador reconhece que o número racional que corresponde ao quociente do número de pontos marcados pelo sistema, em seu jogo, pelo número máximo de pontos para validar a aposta é igual a

- A** $\frac{11}{25}$
- B** $\frac{14}{25}$
- C** $\frac{14}{11}$
- D** $\frac{25}{14}$
- E** $\frac{25}{11}$

Questão 155 enem2021

A imagem representa uma calculadora científica com duas teclas destacadas. A tecla A eleva ao quadrado o número que está no visor da calculadora, e a tecla B extrai a raiz cúbica do número apresentado no visor.



Uma pessoa digitou o número 8 na calculadora e em seguida apertou três vezes a tecla A e depois uma vez a tecla B.

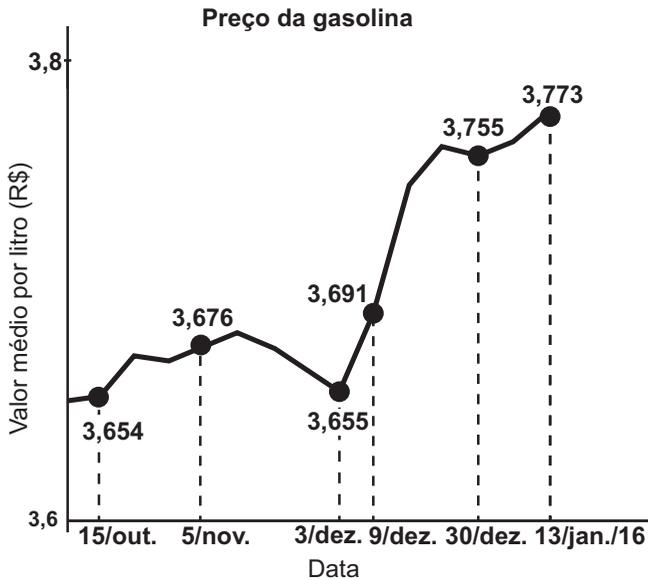
A expressão que representa corretamente o cálculo efetuado na calculadora é

- A** $\sqrt[2]{8^{3+3+3}}$
- B** $\sqrt[3]{8^{2 \times 2 \times 2}}$
- C** $\sqrt[2]{8^3 + 8^3 + 8^3}$
- D** $\sqrt[3]{8^2 + 8^2 + 8^2}$
- E** $\sqrt[3]{8^2 \times 8^2 \times 8^2}$



Questão 156 enem2021

Os preços médios da gasolina, etanol e diesel sofreram variações que foram registradas pela Agência Nacional de Petróleo, Gás Natural e Biocombustíveis (ANP), para a gasolina, em seis datas compreendidas no período entre 15 de outubro de 2015 e 13 de janeiro de 2016, conforme o gráfico.



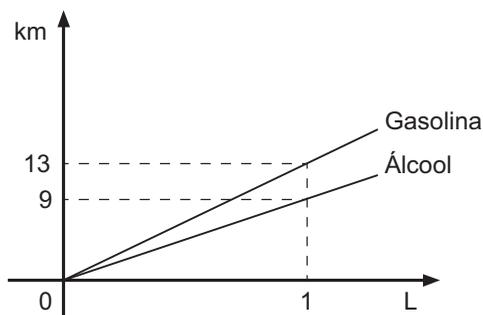
Disponível em: www.sistemasaltograndense.com. Acesso em: 30 nov. 2017 (adaptado).

Considerando-se os intervalos do período com valores informados no gráfico, o maior aumento, em valor absoluto do preço da gasolina, ocorreu no intervalo de

- A 15/out. a 5/nov.
- B 5/nov. a 3/dez.
- C 3/dez. a 9/dez.
- D 9/dez. a 30/dez.
- E 30/dez. a 13/jan./16.

Questão 157 enem2021

O rendimento de um carro bicombustível (abastecido com álcool ou gasolina), popularmente conhecido como carro flex, quando abastecido com álcool é menor do que quando abastecido com gasolina, conforme o gráfico, que apresenta o rendimento médio dos carros populares.



Suponha que um cidadão fez uma viagem, cujo percurso foi de 1 009 km, em um carro popular flex, tendo abastecido o carro nos primeiros 559 km com gasolina e, no restante do percurso, com álcool. Considere que no momento do abastecimento não havia mais combustível no tanque.

Qual o valor mais próximo do rendimento médio do carro ao concluir todo o percurso de 1 009 km?

- A 9,90 km/L
- B 10,43 km/L
- C 10,84 km/L
- D 11,00 km/L
- E 12,11 km/L

Questão 158 enem2021

Considere que o modelo matemático utilizado no estudo da velocidade V , de uma partícula de um fluido escoando em um tubo, seja diretamente proporcional à diferença dos quadrados do raio R da secção transversal do tubo e da distância x da partícula ao centro da secção que a contém. Isto é, $V(x) = K^2(R^2 - x^2)$, em que K é uma constante positiva.

O valor de x , em função de R , para que a velocidade de escoamento de uma partícula seja máxima é de

- A 0.
- B R .
- C $2R$.
- D KR .
- E K^2R^2 .

Questão 159 enem2021

A massa de um tanque de combustível depende:

- I. da quantidade de combustível nesse tanque;
- II. do tipo de combustível que se utiliza no momento;
- III. da massa do tanque quando está vazio.

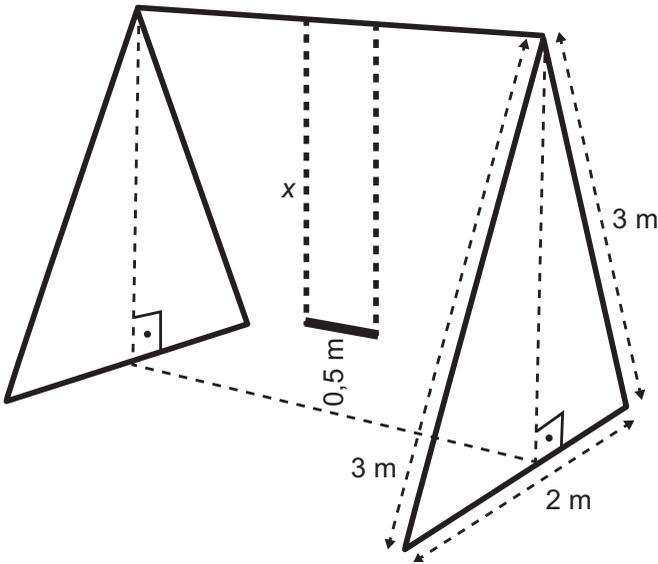
Sabe-se que um tanque tem massa igual a 33 kg quando está cheio de gasolina, 37 kg quando está cheio de etanol e que a densidade da gasolina é sete oitavos da densidade do etanol.

Qual é a massa, em quilograma, do tanque vazio?

- A 1,0
- B 3,5
- C 4,0
- D 5,0
- E 9,0

Questão 160 enem2021

Um brinquedo muito comum em parques de diversões é o balanço. O assento de um balanço fica a uma altura de meio metro do chão, quando não está em uso. Cada uma das correntes que o sustenta tem medida do comprimento, em metro, indicada por x . A estrutura do balanço é feita com barras de ferro, nas dimensões, em metro, conforme a figura.



Nessas condições, o valor, em metro, de x é igual a

- A** $\sqrt{2} - 0,5$
- B** 1,5
- C** $\sqrt{8} - 0,5$
- D** $\sqrt{10} - 0,5$
- E** $\sqrt{8}$

Questão 161 enem2021

Uma indústria recortou uma placa de metal no formato triangular ABC , conforme Figura 1, com lados 18, 14 e 12 cm.

Posteriormente, a peça triangular ABC foi dobrada, de tal maneira que o vértice B ficou sobre o segmento \overline{AC} , e o segmento \overline{DE} ficou paralelo ao lado \overline{AC} , conforme Figura 2.

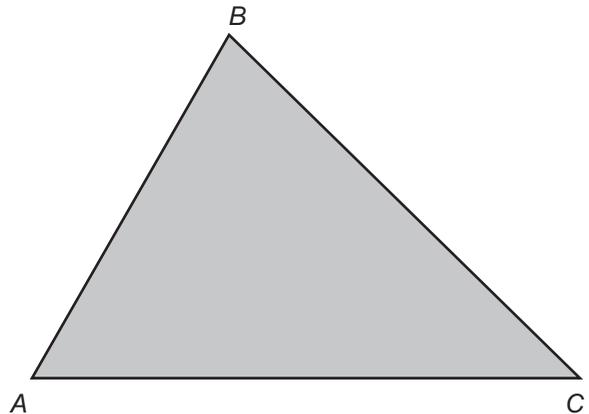


Figura 1

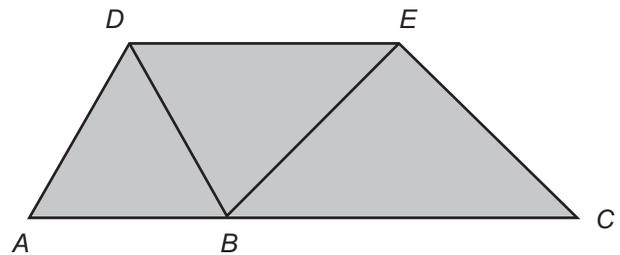


Figura 2

Sabe-se que, na Figura 1, o ângulo $\hat{A}CB$ é menor que o ângulo $\hat{C}AB$ e este é menor que o ângulo $\hat{A}BC$, e que os cortes e dobraduras foram executados corretamente pelas máquinas.

Nessas condições, qual é o valor da soma dos comprimentos, em centímetro, dos segmentos \overline{DB} , \overline{BE} e \overline{EC} ?

- A** 19
- B** 20
- C** 21
- D** 23
- E** 24



Questão 162 enem2021

Até a Copa de 2010, apenas sete jogadores haviam conseguido o feito de marcar 8 ou mais gols em uma mesma edição da Copa do Mundo. O quadro apresenta os anos das edições da copa nas quais ocorreram esses feitos, quais foram os jogadores que os realizaram e os respectivos números de gols marcados por cada um deles.

| Ano | Nome do jogador | Número de gols marcados |
|------|-------------------|-------------------------|
| 1930 | Guillermo Stábile | 8 |
| 1950 | Ademir de Menezes | 9 |
| 1954 | Sandor Kocsis | 11 |
| 1958 | Just Fontaine | 13 |
| 1966 | Eusébio | 9 |
| 1970 | Gerd Müller | 10 |
| 2002 | Ronaldo Nazário | 8 |

Para facilitar a análise sobre a quantidade de gols marcados por esses artilheiros nas referidas copas, foi calculada a mediana da distribuição dos números de gols marcados por eles nas sete copas especificadas no quadro.

A mediana dessa distribuição é igual a

- A 9,0.
- B 9,7.
- C 10,0.
- D 10,2.
- E 13,0.

Questão 163 enem2021

A qualidade de sementes é verificada, entre outros fatores, pelo índice de germinação. Uma grande empresa afirma que o índice de germinação de suas sementes é de 90%. Essa empresa e dez pequenos produtores que formam uma cooperativa estão concorrendo a um auxílio financeiro que permitirá aumentar os negócios. Os cooperados querem preparar um documento técnico comparando a qualidade de suas sementes com as da empresa. Eles discutiram a possibilidade de colocar nesse documento frases como:

- I – A média de germinação de nossas sementes é superior ao índice de germinação anunciado pela empresa.
- II – A mediana de germinação de nossas sementes é superior ao índice de germinação anunciado pela empresa.
- III – A média de germinação de nossas sementes é igual ao índice de germinação anunciado pela empresa.
- IV – A moda de germinação de nossas sementes é igual ao índice de germinação anunciado pela empresa.
- V – A mediana de germinação de nossas sementes é igual ao índice de germinação anunciado pela empresa.

Eles decidiram anotar a porcentagem de germinação das sementes de cada cooperado, analisar as frases e decidir qual era a correta para, então, colocá-la no documento.

As porcentagens anotadas foram 90%, 65%, 70%, 75%, 95%, 95%, 90%, 80%, 80% e 90%.

A frase a ser colocada no documento é a de número

- A I.
- B II.
- C III.
- D IV.
- E V.

Questão 164 enem2021

Em uma fábrica de circuitos elétricos, há diversas linhas de produção e montagem. De acordo com o controle de qualidade da fábrica, as peças produzidas devem seguir um padrão. Em um processo produtivo, nem todas as peças produzidas são totalmente aproveitáveis, ou seja, há um percentual de peças defeituosas que são descartadas. Em uma linha de produção dessa fábrica, trabalham três máquinas, M_1 , M_2 e M_3 , dia e noite. A máquina M_1 produz 25% das peças, a máquina M_2 produz 30% e a máquina M_3 produz 45%. O percentual de peças defeituosas da máquina M_1 é de 2%, da máquina M_2 é de 3% e da máquina M_3 é igual a 4%.

A probabilidade de uma peça defeituosa ter sido produzida pela máquina M_2 é mais próxima de

- A 15,6%
- B 28,1%
- C 43,7%
- D 56,2%
- E 71,8%

Questão 165 enem2021

A senha de um cofre é uma sequência formada por oito dígitos, que são algarismos escolhidos de 0 a 9. Ao inseri-la, o usuário se esqueceu dos dois últimos dígitos que formam essa senha, lembrando somente que esses dígitos são distintos.

Digitando ao acaso os dois dígitos esquecidos, a probabilidade de que o usuário acerte a senha na primeira tentativa é

- A $\frac{2}{8}$
- B $\frac{1}{90}$
- C $\frac{2}{90}$
- D $\frac{1}{100}$
- E $\frac{2}{100}$

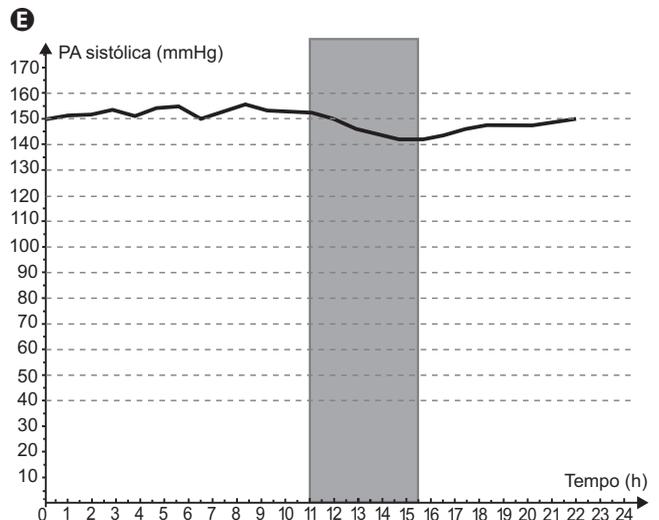
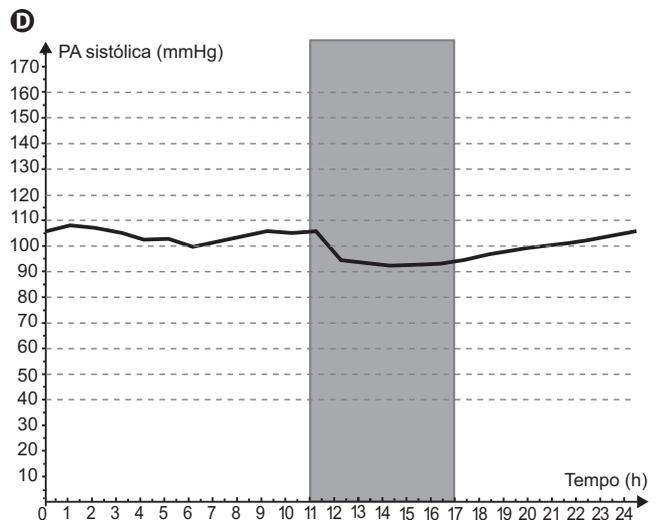
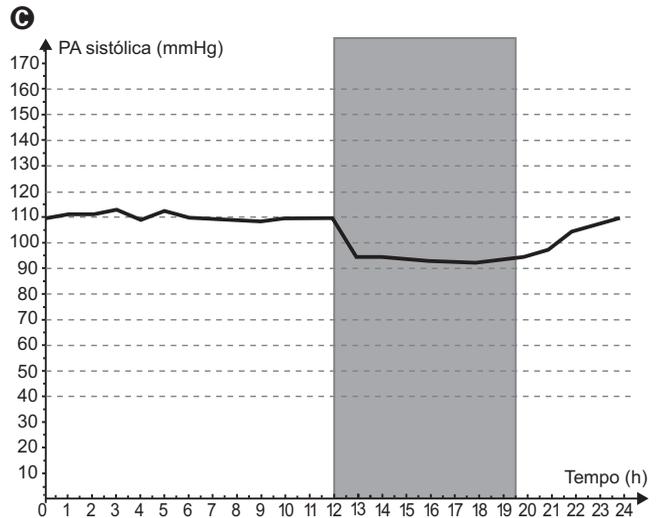
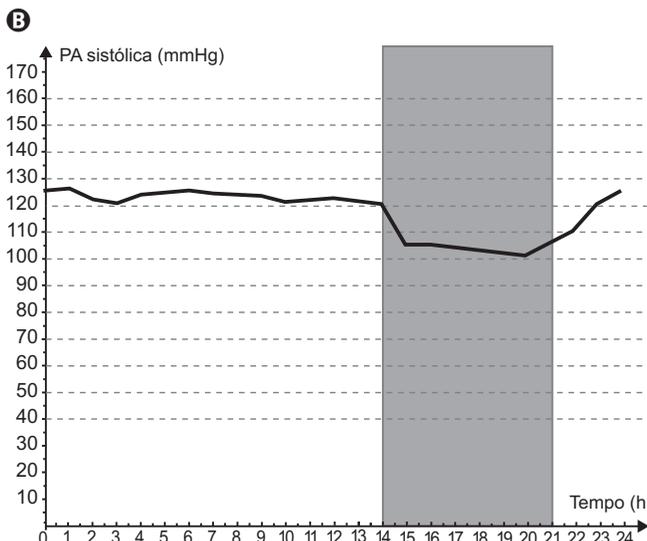
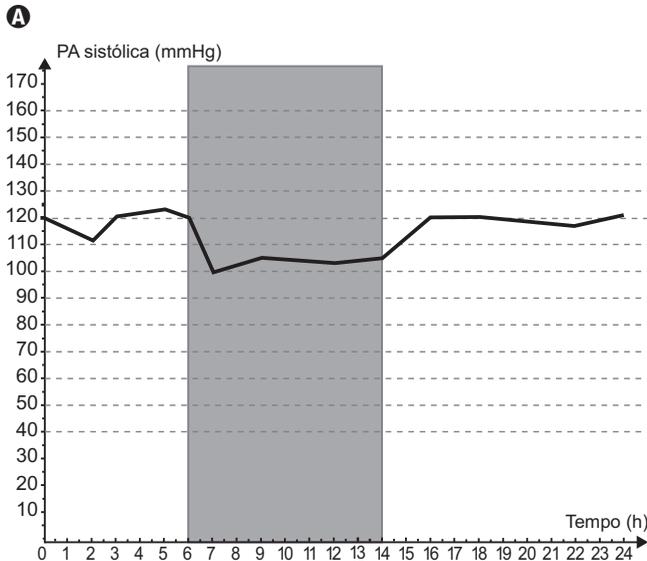
Questão 166 enem2021

Descenso noturno fisiológico é definido como uma redução maior ou igual a 10% da medida da pressão arterial (PA) sistólica registrada entre o período de vigília e o período de sono. O exame para avaliar se um indivíduo apresenta ou não descenso fisiológico é chamado de MAPA e consiste no monitoramento da evolução da PA sistólica do indivíduo ao longo de 24 horas. O resultado desse exame consiste em um gráfico no qual a região correspondente ao período de sono está hachurada em cinza.

Cinco pacientes foram submetidos a esse exame, e os resultados mostram que apenas um paciente apresentou ausência de descenso noturno.

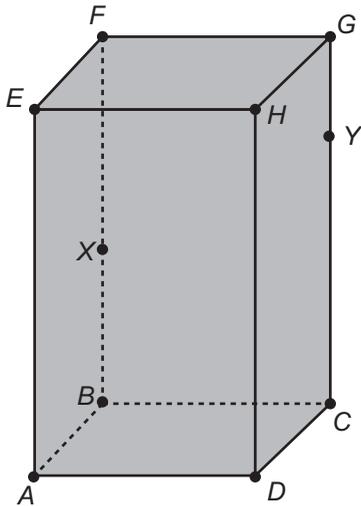
MELO, R. O. V. et al. Ausência de descenso noturno se associa a acidente vascular cerebral e infarto do miocárdio. *Arq. Bras. Cardiol.*, n. 94, 2010.

O gráfico que indica o resultado do exame do paciente que apresentou ausência de descenso noturno é



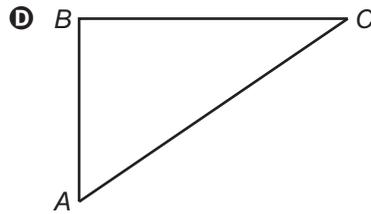
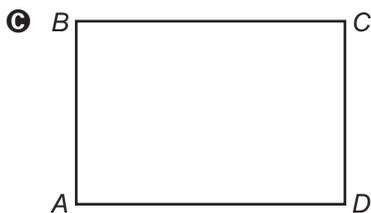
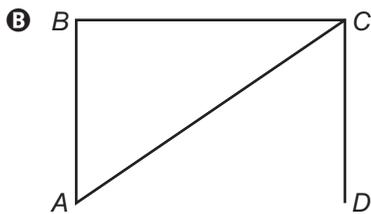
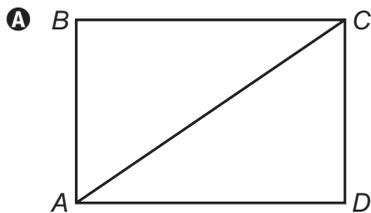
Questão 167 enem2021

Um inseto percorreu sobre a superfície de um objeto, em formato de um prisma reto $ABCDEFGH$, com base retangular, uma trajetória poligonal, com vértices nos pontos: $A - X - Y - G - F - E - X - G - E$, na ordem em que foram apresentados.



É necessário representar a projeção ortogonal do trajeto percorrido pelo inseto sobre o plano determinado pela base do prisma.

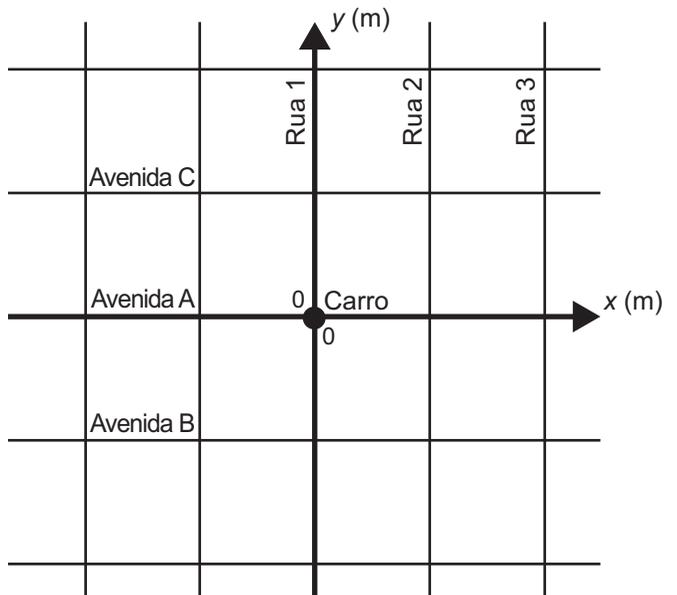
A representação da projeção ortogonal do trajeto percorrido pelo inseto é



Questão 168 enem2021

Uma moça estacionou seu carro na interseção da Rua 1 com a Avenida A. Ela está hospedada em um hotel na Rua 3, posicionado a exatos 40 metros de distância da Avenida A, contados a partir da Avenida A em direção à Avenida B.

No mapa está representado um plano cartesiano cujo eixo das abscissas coincide com a Avenida A e o das ordenadas, com a Rua 1, sendo a origem $(0, 0)$ o local onde se encontra estacionado o veículo. Os quarteirões formados pelos cruzamentos dessas vias formam quadrados de lados medindo 100 m.



A ordenada do ponto que representa a localização do hotel é

- A** - 60.
- B** - 40.
- C** 0.
- D** 40.
- E** 60.



Questão 169 enem2021

O presidente de um time de futebol contratou, para a temporada de 2016, um atacante e um meio-campista. Para isso, ele recebeu do departamento de futebol dois quadros.

O primeiro quadro contém o número de gols marcados por três candidatos a atacantes, nas três temporadas anteriores.

| Atacantes | 2013 (número de gols) | 2014 (número de gols) | 2015 (número de gols) |
|-----------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| I | 13 | 13 | 24 |
| II | 13 | 16 | 22 |
| III | 17 | 11 | 20 |

O segundo quadro contém o número de assistências que resultaram em gol, feitas por dois candidatos a meios-campistas, nas três temporadas anteriores.

| Meios-campistas | 2013 (número de assistências) | 2014 (número de assistências) | 2015 (número de assistências) |
|-----------------|----------------------------------|----------------------------------|----------------------------------|
| IV | 11 | 17 | 20 |
| V | 7 | 16 | 23 |

Após fazer uma análise das médias de gols de cada atacante e das médias de assistências de cada meio-campista nas últimas três temporadas, o presidente contratou o atacante e o meio-campista com maior média de gols e assistências, respectivamente, nessas três temporadas.

O atacante e o meio-campista escolhidos por esse presidente foram, respectivamente,

- A** I e IV.
- B** I e V.
- C** II e IV.
- D** II e V.
- E** III e IV.

Questão 170 enem2021

Cinco atletas que participarão de uma maratona treinam frequentemente. As distâncias percorridas por eles no último treino estão registradas, em quilômetro, no quadro.

| | | | | |
|------|------|------|------|------|
| 42,8 | 41,6 | 41,8 | 43,4 | 43,4 |
|------|------|------|------|------|

Um sexto atleta, que também participará da maratona, pretende realizar um treino percorrendo uma distância igual à média das distâncias percorridas pelos cinco atletas no último treino por eles realizado.

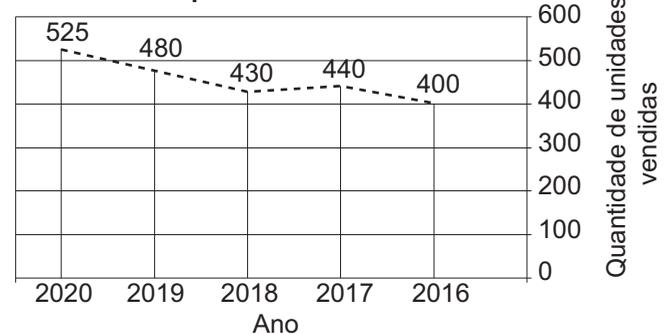
A distância, em quilômetro, que esse sexto atleta deverá percorrer em seu treino é

- A** 41,8.
- B** 42,4.
- C** 42,6.
- D** 42,8.
- E** 43,4.

Questão 171 enem2021

Black Friday é uma tradição norte-americana que consiste numa queda de preços de uma grande variedade de produtos disponíveis para venda na última sexta-feira do mês de novembro. No Brasil, em muitas lojas, essa prática se estende por todo esse mês. Para esse período, o gerente de uma loja de produtos eletrônicos que tem 5 vendedores estabelece uma meta de vendas de computadores para um total mínimo de 605 unidades. Ele considera que a média de vendas de computadores dos 5 vendedores juntos neste ano se manterá igual à dos últimos 5 anos, conforme apresentada no gráfico. Considere que a participação de cada vendedor na obtenção da meta seja igual.

Vendas de computadores nos últimos 5 anos



Para que a meta da loja seja atingida, o gerente deverá estipular, para cada vendedor, um aumento na média de vendas de, no mínimo, quantas unidades?

- A** 150
- B** 121
- C** 91
- D** 35
- E** 30



Questão 172 enem2021

No rótulo de uma lata com 350 mL de um refrigerante, é possível descobrir que o valor energético é de 85 kcal (quilocalorias) a cada 200 mL de refrigerante. Por recomendação de um nutricionista, um paciente que consumia em sua dieta 2 800 kcal por dia mudou o hábito de consumir o conteúdo de 2 latas desse refrigerante por dia para consumir 2 latas de suco, cujo rótulo indicava um valor energético de 25 kcal por lata.

Em relação à sua dieta original, o consumo energético diário do paciente diminuiu, em porcentagem, o valor mais próximo de

- A 2,1
- B 4,2
- C 4,4
- D 8,8
- E 10,6

Questão 173 enem2021

Uma operadora de telefonia oferece cinco planos de serviços. Em cada plano, para cada mês, o cliente paga um valor V que lhe dá direito a telefonar por M minutos para clientes da mesma operadora. Quando a duração total das chamadas para clientes da mesma operadora excede M minutos, é cobrada uma tarifa $T1$ por cada minuto excedente nesse tipo de chamada. Além disso, é cobrado um valor $T2$, por minuto, nas chamadas para clientes de outras operadoras, independentemente do fato de os M minutos terem ou não sido usados. A tabela apresenta o valor de V , M , $T1$ e $T2$ para cada um dos cinco planos.

| | V | M | T1 | T2 |
|---------|------------|---------|--------------|--------------|
| Plano A | R\$ 25,00 | 20 min | R\$ 1,50/min | R\$ 2,00/min |
| Plano B | R\$ 60,00 | 65 min | R\$ 1,00/min | R\$ 1,20/min |
| Plano C | R\$ 60,00 | 75 min | R\$ 1,00/min | R\$ 1,50/min |
| Plano D | R\$ 120,00 | 160 min | R\$ 0,80/min | R\$ 0,90/min |
| Plano E | R\$ 120,00 | 180 min | R\$ 0,80/min | R\$ 1,20/min |

Se um cliente dessa operadora planeja telefonar durante 75 minutos para amigos da mesma operadora e 50 minutos para amigos de outras operadoras, o plano que ele deverá escolher, a fim de pagar menos, é o

- A Plano A.
- B Plano B.
- C Plano C.
- D Plano D.
- E Plano E.

Questão 174 enem2021

Um cinema tem capacidade para 180 pessoas e cobra R\$ 30,00 pelo ingresso inteiro e R\$ 15,00 pelo ingresso de meia-entrada. A ocupação média é de 100 pessoas e, destas, 60 pagam meia-entrada e as demais, o valor inteiro. O administrador desse cinema realizou algumas pesquisas com os seus frequentadores e constatou que, para cada R\$ 2,00 de desconto no preço inteiro e R\$ 1,00 de desconto no preço da meia-entrada, a quantidade de frequentadores pagantes do preço inteiro aumentava em 20% e a de pagantes de meia-entrada aumentava em 10% em relação às quantidades iniciais.

A hipótese do administrador do cinema é que esse comportamento se mantenha para novos descontos, ou seja, ao duplicar o valor dos descontos, duplicarão também os percentuais de aumento do número de frequentadores de cada tipo. Por isso, ele decidiu criar uma promoção aplicando um desconto de R\$ 8,00 no preço inteiro e de R\$ 4,00 no preço da meia-entrada, visando aumentar a arrecadação.

Ele classificará o sucesso da promoção em função do aumento na arrecadação da seguinte forma:

- fraco: aumento até R\$ 500,00;
- regular: aumento maior que R\$ 500,00 até R\$ 800,00;
- bom: aumento maior que R\$ 800,00 até R\$ 1 200,00;
- muito bom: aumento maior que R\$ 1 200,00 até R\$ 2 000,00;
- ótimo: aumento maior que R\$ 2 000,00.

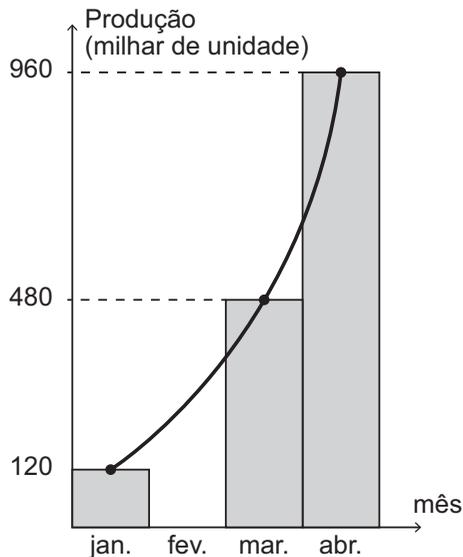
Caso a hipótese do administrador do cinema seja confirmada, o sucesso da promoção será classificado como

- A fraco.
- B regular.
- C bom.
- D muito bom.
- E ótimo.



Questão 175 enem2021

O gráfico informa a produção registrada por uma indústria nos meses de janeiro, março e abril.



Por problemas logísticos, não foi feito o levantamento sobre a produção no mês de fevereiro. Entretanto, as informações dos outros três meses sugerem que a produção nesse quadrimestre cresceu exponencialmente, conforme aponta a curva de tendência traçada no gráfico.

Assumindo a premissa de que o crescimento nesse período foi exponencial, pode-se inferir que a produção dessa indústria no mês de fevereiro, em milhar de unidade, foi

- A 0.
- B 120.
- C 240.
- D 300.
- E 400.

Questão 176 enem2021

O preço médio cobrado por um pintor para executar um serviço consiste em uma taxa fixa de R\$ 25,00 mais uma quantia proporcional à área pintada. O quadro apresenta os valores cobrados por ele em trabalhos recentes.

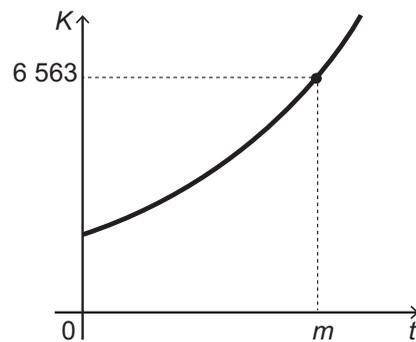
| Área pintada (m ²) | Total a pagar (R\$) |
|--------------------------------|---------------------|
| 5 | 35,00 |
| 10 | 45,00 |
| 20 | 65,00 |
| 40 | 105,00 |
| 80 | 185,00 |

Qual o preço cobrado para realizar um serviço de pintura de uma área de 150 m²?

- A R\$ 300,00
- B R\$ 325,00
- C R\$ 400,00
- D R\$ 1 050,00
- E R\$ 3 750,00

Questão 177 enem2021

O crescimento de uma população de microrganismos é descrito pela expressão $K(t) = 81 \cdot 3^{\frac{1}{3}t} + 2$, em que $K(t)$ indica a quantidade de microrganismos em um meio de cultura em função do tempo t . O gráfico representa a evolução de K em relação ao tempo t .



Com base nos dados, o valor de m é

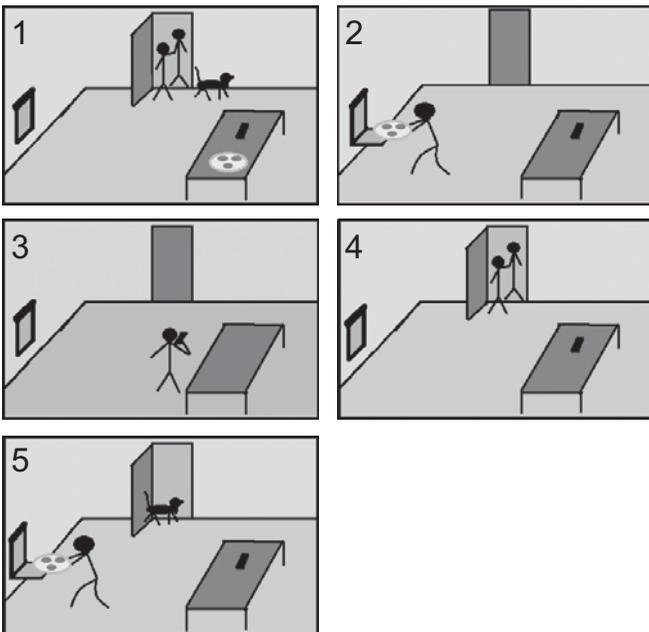
- A $\frac{4}{3}$
- B $\frac{7}{5}$
- C $\frac{24}{5}$
- D 12
- E 81



Questão 178 enem2021

Coloquei uma pizza no forno às 8 h, momento em que o cachorro saiu para o quintal. Após 15 minutos, o telefone tocou, atendi e fiquei 4 minutos conversando. Ah, lembrei que, 5 minutos antes de o telefone tocar, meu vizinho tocou a campainha, eu atendi e ele disse que iria pegar uma encomenda no correio. Eu pedi para que ele pegasse a minha também. Nossa conversa durou 3 minutos e, após 30 minutos, ele voltou com a minha encomenda. Eu abri a porta para atendê-lo, quando o cachorro aproveitou para entrar em casa. Nossa conversa durou apenas 2 minutos, mas a pizza não queimou, porque eu já tinha tirado do forno 15 minutos antes de me despedir do vizinho.

Os quadrinhos, dispostos em ordem aleatória, representam momentos da situação descrita e formam a base do raciocínio usado para determinar o tempo que a pizza ficou no forno.



A ordem cronológica das ações relatadas no texto, relativas à medição do tempo transcorrido, é representada pela sequência de quadrinhos

- A 2; 3; 4; 5; 1.
- B 2; 4; 3; 5; 1.
- C 5; 3; 4; 2; 1.
- D 5; 4; 3; 1; 2.
- E 5; 4; 3; 2; 1.

Questão 179 enem2021

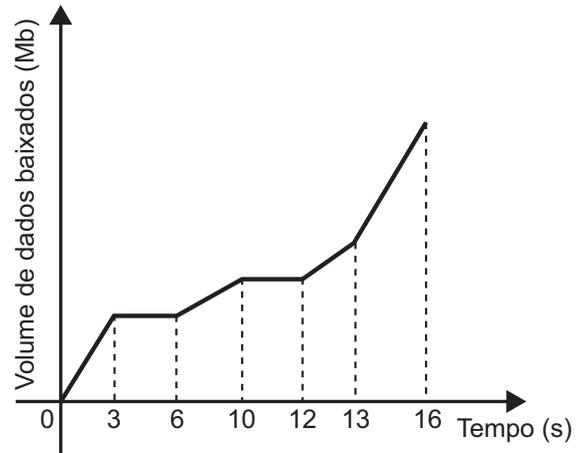
Uma empresa produz painéis solares de energia elétrica, com a forma de retângulo, que geram 5 MWh (megawatts-hora) por metro quadrado. Cada painel tem 3 m de largura e 6 m de comprimento. O selo verde de eficiência é obtido se cada painel solar gerar, no mínimo, 150 MWh de energia solar. Para obter o selo verde, a empresa decide alterar apenas a largura dos seus painéis solares.

O número mínimo, em metro, que a empresa deve aumentar na largura dos seus painéis solares é

- A 2.
- B 4.
- C 5.
- D 10.
- E 12.

Questão 180 enem2021

Utiliza-se o termo download para designar o processo pelo qual um arquivo é transferido de algum sítio da internet para o dispositivo do usuário (computador, tablet, celular). Quando a transferência é interrompida, diz-se que o download travou. O esboço do gráfico representa a evolução do download de um arquivo que demorou 16 segundos para ser concluído.



Por quanto tempo, em segundo, esse download ficou travado?

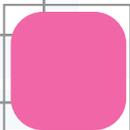
- A 9
- B 5
- C 3
- D 2
- E 0



enem2021

Exame Nacional do Ensino Médio





Rosa

Gabarito 2021

enem2021

Exame Nacional do Ensino Médio

2º DIA - CADERNO 8

2ª Aplicação

CIÊNCIAS DA NATUREZA E SUAS TECNOLOGIAS

| QUESTÃO | GABARITO |
|---------|----------|
| 91 | C |
| 92 | D |
| 93 | A |
| 94 | A |
| 95 | A |
| 96 | C |
| 97 | C |
| 98 | A |
| 99 | E |
| 100 | E |
| 101 | A |
| 102 | D |
| 103 | E |
| 104 | A |
| 105 | C |
| 106 | B |
| 107 | A |
| 108 | C |
| 109 | B |
| 110 | D |
| 111 | A |
| 112 | B |
| 113 | B |
| 114 | A |
| 115 | C |
| 116 | E |
| 117 | E |
| 118 | B |
| 119 | E |
| 120 | E |
| 121 | D |
| 122 | C |
| 123 | C |
| 124 | A |
| 125 | E |
| 126 | C |
| 127 | D |
| 128 | D |
| 129 | A |
| 130 | A |
| 131 | E |
| 132 | A |
| 133 | B |
| 134 | A |
| 135 | C |

MATEMÁTICA E SUAS TECNOLOGIAS

| QUESTÃO | GABARITO |
|---------|----------|
| 136 | A |
| 137 | C |
| 138 | D |
| 139 | B |
| 140 | B |
| 141 | D |
| 142 | B |
| 143 | B |
| 144 | C |
| 145 | D |
| 146 | E |
| 147 | D |
| 148 | E |
| 149 | A |
| 150 | C |
| 151 | B |
| 152 | E |
| 153 | B |
| 154 | B |
| 155 | B |
| 156 | D |
| 157 | C |
| 158 | A |
| 159 | D |
| 160 | C |
| 161 | B |
| 162 | A |
| 163 | D |
| 164 | B |
| 165 | B |
| 166 | E |
| 167 | D |
| 168 | B |
| 169 | C |
| 170 | C |
| 171 | E |
| 172 | D |
| 173 | B |
| 174 | A |
| 175 | C |
| 176 | B |
| 177 | D |
| 178 | E |
| 179 | A |
| 180 | B |