



GOVERNO DO ESTADO
DO ESPÍRITO SANTO
Secretaria da Educação

Material Estruturado



SUBSECRETARIA DE EDUCAÇÃO BÁSICA E PROFISSIONAL

GERÊNCIA DE CURRÍCULO DA EDUCAÇÃO BÁSICA

2ª Série | Ensino Médio

MATEMÁTICA

POTENCIAÇÃO E NOTAÇÃO CIENTÍFICA

HABILIDADE(S)	EXPECTATIVA(S) DE APRENDIZAGEM	DESCRITOR(ES) DO PAEBES / AMA
<p>EF09MA04 - Resolver e elaborar problemas com números reais, inclusive em notação científica, envolvendo diferentes operações.</p>	<ul style="list-style-type: none"> Compreender o conceito de potência com expoentes inteiros e utilizá-lo na expansão decimal dos números racionais. Reconhecer a notação científica como forma de expressar números muito grandes ou muito pequenos, usando potência de base 10. Resolver problemas envolvendo operações com números reais, utilizando algoritmos convencionais, estratégias pessoais ou estimativas. 	<p>D037_M Utilizar números reais, em notação científica, envolvendo diferentes significados das operações, na resolução de problema.</p>

Contextualização

Os números estão presentes em nosso dia-a-dia, tanto dentro quanto fora da escola. Eles não aparecem somente nas aulas de matemática, mas também quando fazemos pagamentos, consultamos distâncias online ou monitoramos nossos seguidores nas redes sociais. Porém, o que acontece quando esses números são tão grandes ou pequenos que são difíceis até de escrever ou de falar, como, por exemplo, a distância da Terra à Lua? É nesse contexto que os conceitos de **potenciação** e **notação científica** se tornam essenciais.

Essas ferramentas matemáticas ajudam a simplificar e trabalhar com números que possuem grande quantidade de dígitos. A potenciação permite expressar números de forma compacta, enquanto a notação científica facilita a escrita e os cálculos, especialmente quando lidamos com números muito grandes ou muito pequenos.

Um exemplo disso é a nanotecnologia, área que manipula matéria em escalas extremamente pequenas, na ordem de nanômetros (um nanômetro é um bilionésimo de metro). Para entender e trabalhar com essas dimensões minúsculas, a notação científica é indispensável. A espessura de uma folha de papel, por exemplo, é 100.000 vezes maior que o diâmetro de um átomo.

Neste material, vamos entender esses conceitos e como eles são aplicados em diferentes contextos e em disciplinas como Astronomia, Física, Química, Biologia e tecnologia. A compreensão de potenciação e notação científica é fundamental para o domínio de conceitos mais avançados e para o desenvolvimento de habilidades matemáticas que serão úteis em diversas áreas do conhecimento. Vamos juntos?



Conceitos e Conteúdos

POTENCIAÇÃO COM EXPOENTES INTEIROS E RACIONAIS

Definições

Definição 1: Seja n um número natural e a um número real. Chama-se de potência de base a e expoente n o número a^n , que é produto de n fatores iguais a a , ou seja:

$$a^n = \underbrace{a \cdot a \cdot a \cdots a}_{n \text{ vezes}}$$

Exemplos:

- $1^8 = 1 \cdot 1 = 1$
- $2^5 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = 32$
- $(-5)^2 = (-5) \cdot (-5) = 25$
- $(-4)^3 = (-4) \cdot (-4) \cdot (-4) = -64$
- $\left(\frac{3}{4}\right)^3 = \left(\frac{3}{4}\right) \cdot \left(\frac{3}{4}\right) \cdot \left(\frac{3}{4}\right) = \frac{3 \cdot 3 \cdot 3}{4 \cdot 4 \cdot 4} = \frac{27}{64}$
- $(-0,5)^2 = (-0,5) \cdot (-0,5) = 0,25$

Definição 2: Caso $a \neq 0$, então $a^0 = 1$

Exemplos:

- $1^0 = 1$
- $(-3)^0 = 1$
- $10000000^0 = 1$
- $(0,000000018)^0 = 1$
- $(\pi)^0 = 1$

Definição 3: Caso o expoente seja negativo, temos que $a^{-n} = \left(\frac{1}{a}\right)^n$

Exemplos:

- $2^{-3} = \left(\frac{1}{2}\right)^3 = \left(\frac{1}{2}\right) \cdot \left(\frac{1}{2}\right) \cdot \left(\frac{1}{2}\right) = \frac{1}{8}$
- $(-3)^{-2} = \left(-\frac{1}{3}\right)^2 = \left(-\frac{1}{3}\right) \cdot \left(-\frac{1}{3}\right) = \frac{1}{9}$
- $\left(\frac{4}{7}\right)^{-3} = \left(\frac{7}{4}\right)^3 = \left(\frac{7}{4}\right) \cdot \left(\frac{7}{4}\right) \cdot \left(\frac{7}{4}\right) = \frac{343}{64}$
- $(0,5)^{-4} = \left(\frac{1}{2}\right)^{-4} = 2^4 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = 16$
- $\frac{1}{5^{-2}} = 5^2 = 5 \cdot 5 = 25$
- $(a + b)^{-1} = \left(\frac{1}{a+b}\right)^1 = \frac{1}{a+b}$ (Contanto que $a + b \neq 0$)



O corpo humano abriga trilhões de bactérias. Estima-se que o número de bactérias no intestino humano seja em torno de $1,3 \times 10^{13}$, um número extremamente grande, que fica mais acessível e gerenciável usando notação científica.



Definição 4: Sejam m e n números inteiros positivos, temos que

$$a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m} \quad (\text{contanto que } a \geq 0, \text{ caso } n \text{ seja par})$$

Exemplos:

- $16^{\frac{1}{2}} = \sqrt[2]{16^1} = \sqrt{16} = 4$ (pois $4 \times 4 = 16$)
- $4^{\frac{3}{2}} = \sqrt[2]{4^3} = \sqrt{64} = 8$ (pois $8 \times 8 = 64$)
- $27^{\frac{2}{3}} = \sqrt[3]{27^2} = \sqrt[3]{729} = 9$ (pois $9 \times 9 \times 9 = 729$)
- $0,008^{\frac{1}{3}} = \sqrt[3]{0,008^1} = \sqrt[3]{0,008} = 0,2$ (pois $0,2 \times 0,2 \times 0,2 = 0,008$)
- $5^{\frac{0}{7}} = \sqrt[7]{5^0} = \sqrt[7]{1} = 1$ (pois $1 \times 1 \times 1 \times 1 \times 1 \times 1 \times 1 = 1$)



Ao dobrar uma folha de papel ao meio, a espessura aumenta exponencialmente. Depois de 10 dobras, a espessura seria $2^{10} = 1024$ vezes maior que a original. Para uma folha de papel com 1 milímetro de espessura, isso resultaria em $1 \text{ mm} \times 1024 = 1024 \text{ mm}$, ou seja, mais de 1 metro de altura.

Propriedades

Sejam a, b, m e n números reais. Temos as seguintes propriedades:

Propriedade 1:

$$(a \cdot b)^m = a^m \cdot b^m$$

Exemplos:

- $(2 \cdot 3)^4 = 2^4 \cdot 3^4 = 16 \cdot 81 = 1296$
- $(2x)^5 = 2^5 x^5 = 32x^5$



Propriedade 2:

$$\left(\frac{a}{b}\right)^m = \frac{a^m}{b^m} \quad (\text{Contanto que } b \neq 0)$$

Exemplos:

- $\left(\frac{3}{2}\right)^4 = \frac{3^4}{2^4} = \frac{81}{16}$
- $\left(\frac{2x}{5}\right)^3 = \frac{(2x)^3}{5^3} = \frac{2^3x^3}{5^3} = \frac{8x^3}{125}$

Propriedade 3:

$$a^m \cdot a^n = a^{m+n}$$

Exemplos:

- $2^3 \cdot 2^4 = 2^{(3)+(4)} = 2^{3+4} = 2^7 = 128$
- $9^5 \cdot 9^{-4} = 9^{(5)+(-4)} = 9^{5-4} = 9^1 = 9$

Propriedade 4:

$$(a^m)^n = a^{m \cdot n}$$

Exemplos:

- $(3^2)^0 = 3^{(2) \cdot (0)} = 3^0 = 1$
- $(4^2)^{-2} = 4^{(2) \cdot (-2)} = 4^{-4} = \left(\frac{1}{4}\right)^4 = \frac{1^4}{4^4} = \frac{1}{256}$

Propriedade 5:

$$\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n} \quad (\text{Contanto que } a \neq 0)$$

Exemplos:

- $\frac{2^4}{2^3} = 2^{(4)-(3)} = 2^{4-3} = 2^1 = 2$
- $\frac{3^{-2}}{3^4} = 3^{(-2)-(4)} = 3^{-2-4} = 3^{-6} = \left(\frac{1}{3}\right)^6 = \frac{1^6}{3^6} = \frac{1}{729}$



NOTAÇÃO CIENTÍFICA

Definição

A notação científica é um método utilizado para expressar números muito grandes ou muito pequenos de forma simplificada, facilitando cálculos e comparações. Um número em notação científica apresenta o seguinte formato

$$m \times 10^n \quad \left\{ \begin{array}{l} 1 \leq m < 10 \\ n \in \mathbb{Z}. \end{array} \right.$$

onde m é um valor real maior ou igual a 1 e menor que 10, denominado **mantissa** ou **coeficiente** e o expoente inteiro n é denominado **ordem de grandeza** ou **expoente**.

Etapas para representar um número real em notação científica

- 1 Para encontrar m , mova a vírgula até que reste apenas um dígito à esquerda.
- 2 Conte o número de casas movidas para obter n : se movida para a esquerda, n é positivo; se para a direita, n é negativo.

Exemplos:

- Distância média da Terra ao Sol $\approx 149600000000 \text{ m} = \underbrace{1,496 \times 10^{11}}_{11 \text{ casas à esquerda}} \text{ m}$
- Diâmetro médio do Sol $\approx 1392000000 \text{ m} = \underbrace{1,392 \times 10^9}_{9 \text{ casas à esquerda}} \text{ m}$
- Diâmetro médio de um fio de cabelo $\approx 0,0007 \text{ m} = \underbrace{7 \times 10^{-4}}_{4 \text{ casas à direita}} \text{ m}$
- Diâmetro típico de uma célula $\approx 0,000000055 \text{ m} = \underbrace{5,5 \times 10^{-8}}_{8 \text{ casas à direita}} \text{ m}$





Professor(a), é importante que os alunos compreendam os passos anteriores da seguinte forma:

- 1 Como a mantissa é um número maior ou igual a 1 e menor que 10, para encontrar o seu valor precisamos dividir ou multiplicar o número real que queremos representar em notação científica por 10, tantas vezes quanto forem necessárias, até que ele se encontre entre o intervalo desejado. Esse será o valor da mantissa! Esse procedimento pode ser resumido em “mover a vírgula” até que reste apenas um dígito à esquerda.
- 2 No processo de ajuste para encontrar a mantissa, conte o número de vezes que você multiplicou (moveu a vírgula para a direita) ou dividiu (moveu a vírgula para esquerda) o número real. Se foi necessário multiplicar nesse processo, n (expoente da potência de 10) é negativo. Se foi necessário dividir para encontrar a mantissa, n é positivo.





Exercícios Resolvidos

EXERCÍCIO 1

Pedro começou guardando R\$2,00 em seu pote de dinheiro para emergências e decidiu dobrar o valor acumulado no pote todos os dias nos próximos 7 dias. Quantos reais Pedro terá juntado após esse período?

RESOLUÇÃO

Perceba que, no primeiro dia, Pedro dobra o valor inicial de R\$2,00, o que pode ser representado como:

$$2 \times 2 = 2^2$$

No segundo dia, o valor acumulado no pote será novamente dobrado, resultando em:

$$2^2 \times 2 = 2^{2+1} = 2^3$$

Seguindo esse padrão, a cada dia o valor acumulado é multiplicado por 2, ou seja, a potência do 2 aumenta em 1. No sétimo dia, após dobrar o valor acumulado no sexto dia, teremos:

$$2^8 = 256$$

Portanto, Pedro terá R\$256,00 no pote ao final de 7 dias.



EXERCÍCIO 2

Um grupo de 100 pessoas se reuniu para formar um bolão da Mega-Sena e ganhou um prêmio total de R\$10.000.000,00 (dez milhões de reais). O valor será dividido igualmente entre os participantes. Utilize as propriedades da potenciação para calcular quanto cada pessoa receberá.

RESOLUÇÃO

O prêmio total é 10.000.000, que pode ser escrito como

$$10000000 = 10^7$$

O número de participantes no bolão é 100, que pode ser escrito como

$$100 = 10^2$$

Para saber quanto cada um ganhou, basta dividirmos o prêmio pelo número de participantes do bolão, ou seja

$$\frac{10^7}{10^2} = 10^{7-2} = 10^5 = 100000$$

Portanto, cada participante receberá R\$100.000,00.



EXERCÍCIO 3

Reescreva a seguinte frase usando notações científicas no lugar das notações decimais:

O diâmetro do vírus SARS-CoV-2, conhecido como coronavírus, está aproximadamente entre 0,00000005 e 0,0000002 metros, contendo um único genoma de RNA.

RESOLUÇÃO

Para representação em notação científica, devemos deslocar a vírgula de forma que tenha apenas um dígito significativo à sua esquerda:

$$\begin{aligned} &0, \underbrace{00000005}_{8 \text{ casas}} \\ &= 5 \times 10^{-8} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} &0, \underbrace{0000002}_{7 \text{ casas}} \\ &= 2 \times 10^{-7} \end{aligned}$$

Perceba a ordem da notação científica é igual ao número de casas que a vírgula foi deslocada para a direita, porém, com sinal negativo. A partir dessas operações, podemos reescrever a frase da seguinte forma:

O diâmetro do vírus SARS-CoV-2, conhecido como coronavírus, está aproximadamente entre 5×10^{-8} e 2×10^{-7} metros, contendo um único genoma de RNA.



Material Extra

LIVROS DIDÁTICOS



Matemática em Contexto: função exponencial, função logarítmica e seqüências. (DANTE)

Capítulo 1: Função Exponencial.
Páginas: 12 à 33.



Prisma matemática: funções e progressões. (BONJORNO)

Capítulo 2: Função Exponencial.
Paginas: 57 à 63.

Professor(a),

Visando o aprofundamento dos temas abordados neste material, apresentamos, nas páginas seguintes, as operações com números em notação científica. Tal conteúdo pode ser relevante para as disciplinas de física e química. Sinta-se à vontade para utilizar esse material em suas aulas, lembrando que se trata de um material extra, e não precisa, necessariamente, fazer parte de sua rotina pedagógica escolar.

atenção





Material Extra

OPERAÇÕES COM NÚMEROS EM NOTAÇÃO CIENTÍFICA

Adição e Subtração: para somar ou subtrair números em notação científica é importante que os expoentes das potências de 10 sejam iguais. Caso esse não seja o caso, ajuste um dos números para que as potências coincidam. Em seguida some (ou subtraia) os decimais. Caso necessário, ajuste o resultado para que esteja escrito corretamente no formato de notação científica. Abaixo, esquematizamos um passo-a-passo:

- 1** *Verifique os expoentes:* se eles forem diferentes, você irá precisar ajustar para que eles fiquem iguais. Para isso, desloque a vírgula para a direita ou para a esquerda, ajustando o expoente de acordo;
- 2** *Some ou subtraia as mantissas:* depois de igualar os expoentes, some ou subtraia as mantissas e mantenha o mesmo expoente de 10;
- 3** *Ajuste o resultado, se necessário:* se necessário, ajuste a mantissa para que ela esteja entre 1 e 10, ajustando também o expoente de 10.

Exemplo:

Some $3,2 \times 10^4$ e $5,4 \times 10^3$:

1. Reescreva $5,4 \times 10^3$ como $0,54 \times 10^4$. Agora ambos os números estão na mesma ordem de grandeza;
2. Some os números decimais: $0,54 + 3,2 = 3,74$;
3. Resultado: $3,74 \times 10^4$





Material Extra

Multiplicação: na multiplicação, multiplicamos os números decimais e somamos os expoentes das potências de 10.

Exemplo:

Multiplique $4,5 \times 10^6$ **por** $3,0 \times 10^3$:

1. Multiplique os números decimais: $4,5 \times 3,0 = 13,5$
2. Some os expoentes: $6 + 3 = 9$
3. Resultado: $13,5 \times 10^9$
4. Ajustando o resultado: $1,35 \times 10^{10}$

Divisão: na divisão, dividimos os números decimais e subtraímos os expoentes.

Exemplo:

Divida $6,4 \times 10^8$ **por** $2,0 \times 10^3$:

- Divida os números decimais: $6,4 \div 2,0 = 3,2$
- Subtraia os expoentes: $8 - 3 = 5$
- Resultado: $3,2 \times 10^5$



Atividades

ATIVIDADE 1

Numa garagem há 4 automóveis, em cada automóvel há 4 rodas, e em cada roda há 4 parafusos.

- Determine a quantidade total de parafusos de todas as rodas desses automóveis.
- Represente a quantidade total de parafusos de todas as rodas desses automóveis como sendo o produto de n fatores iguais de a , utilizando a definição de potenciação.

ATIVIDADE 2

Calcule o valor numérico de:

a) $3^2 =$

b) $2^3 =$

c) $-5^2 =$

d) $(-5)^2 =$

e) $(1,2)^0 =$

f) $0^3 =$

g) $1^{20} =$

h) $5^1 =$

i) $\left(\frac{4}{5}\right)^3 =$

j) $2^{-3} =$

k) $4^{\frac{3}{2}} =$

l) $36^{0,5} =$ 

ATIVIDADE 3

Escreva cada valor a seguir na forma de uma única potência de base 10.

a) $100 =$

f) $0,00001$

b) $10\ 000 =$

g) $\frac{100\ 000}{100} =$

c) $0,001 =$

h) $\frac{0,0001}{1\ 000} =$

d) $0,000001 =$

i) $(100)^{-6} =$

e) $1\ 000\ 000 =$

j) $(0,1)^8 =$

ATIVIDADE 4

Análise as sentenças abaixo e indique (V) para verdadeira e (F) para falsa:

a) $(\quad) 2^7 \cdot 2^2 = 2^9$

b) $(\quad) (7^3)^2 = 7^5$

c) $(\quad) 2^{3^2} = (2^3)^2$

d) $(\quad) (2 + 5)^2 = 2^2 + 5^2$

e) $(\quad) \frac{10^3}{10^5} = 10^{-2}$

ATIVIDADE 5

Calcule o valor do número representado por y , usando as propriedades da potenciação:

$$y = \frac{2^{10} \cdot 3^{10} \cdot 5^{10}}{30^9}$$

Observe que seria trabalhoso calcular a potência de 30^9 . Por isso, podemos decompor o número 30 em fatores primos.

Em seguida podemos representar o número 30, como o produto $2 \times 3 \times 5$, e se elevarmos ao expoente 9, teremos:

$$30^9 = (2 \cdot 3 \cdot 5)^9$$



ATIVIDADE 6

A sacarose, comumente conhecida como açúcar, é um sólido cristalino à temperatura ambiente, que se dissolve facilmente em água e apresenta sabor doce. Sua fórmula química é $C_{12}H_{22}O_{11}$, e ela é formada pela condensação de glicose e frutose.

Disponível em: <<https://mundoeducacao.uol.com.br/quimica/sacarose-ou-acucar-comum.htm>>. Acessado em: 14/11/2024.

O peso (massa) de uma única molécula de sacarose é de 0,00000000000000000000000568 g, um valor extremamente pequeno, que quando escrito em notação científica assume a forma de:

$$5,68 \cdot 10^n \text{ gramas}$$

Qual o valor de n ?

- a) - 24
- b) - 23
- c) - 22
- d) 22
- e) 23

ATIVIDADE 7

Escreva cada número, que está representado em notação científica, apresentando todos os seus dígitos.

a) $8 \cdot 10^4 =$

c) $3,52 \cdot 10^5 =$

b) $5 \cdot 10^{-2} =$

d) $1,6 \cdot 10^{-3} =$

ATIVIDADE 8

Escreva em notação científica os seguintes números:

a) 500 =

d) 20,39 =

b) 0,0006 =

e) 923,1 =

c) 0,00000025 =

f) 0,034 =



ATIVIDADE 9

O IBGE pesquisa a cor ou raça da população brasileira com base na autodeclaração. Ou seja, quando questionada, a pessoa pode se declarar como preta, parda, branca, amarela ou indígena. De acordo com os resultados do Censo 2022, pela primeira vez, desde 1991, a maior parte da população brasileira (45,3%) se declarou como parda; o equivalente a cerca de 92,1 milhões de pessoas.

Disponível em: <<https://www.gov.br/secom/pt-br/assuntos/noticias/2023/12/pardos-sao-maioria-da-populacao-brasileira-pela-primeira-vez-indica-ibge>>. Acessado em: 14/11/2024.

Qual seria a representação, em notação científica, do número de pessoas que se declararam pardas?

- a) $92,1 \cdot 10^6$
- b) $9,21 \cdot 10^6$
- c) $921 \cdot 10^7$
- d) $9,21 \cdot 10^7$
- e) $9,21 \cdot 10^5$

ATIVIDADE 10

Coronavírus são RNA vírus causadores de infecções respiratórias em uma variedade de animais, incluindo aves e mamíferos. Sete coronavírus são reconhecidos como patógenos em humanos. O novo coronavírus, denominado SARS-CoV-2, causador da doença COVID-19, foi detectado em 31 de dezembro de 2019 em Wuhan, na china.

Disponível em: <<https://www.scielo.br/j/csp/a/sHYgrSsxqKTZNK6rJvPpRxQL/>>. Acessado em 14/11/2024.

O SARS-CoV-2 tem em média 1,25 nanômetro de diâmetro ou $1,25 \cdot 10^{-9}$ metros. Indique qual seria este valor escrito na forma decimal.

- a) 0,000000000125 m
- b) 0,00000000125 m
- c) 0,000000125 m
- d) 125 000 000 m
- e) 1 250 000 000 m



Referências

Material Estruturado

BONJORNO, José Roberto et al. **Prisma matemática : funções e progressões**. 1. ed. São Paulo: Editora FTD, 2020.

CHEN, Nanshan et al. **Epidemiological and clinical characteristics of 99 cases of 2019 novel coronavirus pneumonia in Wuhan, China: a descriptive study**. The Lancet, v. 395, n. 10223, p. 507-513, 2020.

DANTE, Luiz Roberto. **Matemática: contexto & aplicações: ensino médio**. 3. ed. São Paulo: Ática, 2016.

DANTE, Luiz Roberto; VIANA, Fernando. **Matemática em Contexto: função exponencial, função logarítmica e sequências**. 1. ed. São Paulo: Ática, 2020.

IEZZI, Gelson; DOLCE, Osvaldo; MURAKAMI, Carlos. **Fundamentos de matemática elementar, 2: logaritmo**. 10. ed. São Paulo: Atual, 2013.

SPIEGEL, Murray R.; MOYER, Robert E. **Álgebra**. 3. ed. Porto Alegre: Bookman, 2015.

TAYLOR, Martha et al. **Campbell Biology - Concepts and Connections**. 9 ed. Pearson: 2017. p. 320.

WILLIAMS, D. R. **Sun Fact Sheet**. NASA, 2004. Disponível em: <https://nssdc.gsfc.nasa.gov/planetary/factsheet/sunfact.html>. Acesso em: 14 nov. 2014.

Referências

ATIVIDADES

DANTE, Luiz Roberto; VIANA, Fernando. **Matemática em contextos:** Função exponencial, função logarítmica e sequências. 1ª ed. São Paulo. Ática, 2020.

FOGAÇA, Jennifer Rocha Vargas. **Mundo Educação. Sacarose ou Açúcar Comum.** Disponível em: <<https://mundoeducacao.uol.com.br/quimica/sacarose-ou-acucar-comum.htm>>. Acessado em: 14/11/2024.

GOV.BR. Secretaria de Comunicação Social. **Pardos são maioria da população brasileira pela primeira vez, indica IBGE.** Censo 2022. Disponível em: <<https://www.gov.br/secom/pt-br/assuntos/noticias/2023/12/pardos-sao-maioria-da-populacao-brasileira-pela-primeira-vez-indica-ibge>>. Acessado em: 14/11/2024.

IEZZI, Gelson, [et al.]. **Matemática: Volume único.** 4 ed. - São Paulo: Atual, 2007

LANA, Raquel Martins et al. **Emergência do novo coronavírus (SARS-CoV-2) e o papel de uma vigilância nacional em saúde oportuna e efetiva.** Revista Brasileira de Estudos de População. Cadernos de Saúde Pública, Brasil, p. 1, 2020. Disponível em: <<https://www.scielo.br/j/csp/a/sHYgrSsxqKTZNK6rJVpRxQL/>>. Acessado em 14/11/2024.

PAIVA, Manoel. **Matemática: Paiva/ Manoel Paiva** - 2 ed. - São Paulo: Moderna, 2013.